



# الرياضيات

الصف العاشر - كتاب التمارين

الفصل الدراسي الأول

10

## فريق التأليف

د. عمر محمد أبوغليون (رئيساً)

يوسف سليمان جرادات إبراهيم عقله القادري هيثم زهير مرشود

نفين أحمد جوهر (منسقاً)

## الناشر: المركز الوطني لتطوير المناهج والتقويم

يسر المركز الوطني لتطوير المناهج والتقويم استقبال آرائكم وملحوظاتكم على هذا الكتاب عن طريق العناوين الآتية:

☎ 06-5376262 / 237 📠 06-5376266 ✉ P.O.Box: 2088 Amman 11941

🌐 @nccdjor 📧 feedback@nccd.gov.jo 🌐 www.nccd.gov.jo

قرّرت وزارة التربية والتعليم تدرّيس هذا الكتاب في مدارس المملكة الأردنية الهاشمية جميعها، بناءً على قرار المجلس الأعلى للمركز الوطني لتطوير المناهج والتقويم في جلسته رقم (2020/4)، تاريخ 2020/6/11 م، وقرار مجلس التربية والتعليم رقم (2020/57) تاريخ 2020/6/24 م بدءاً من العام الدراسي 2021 / 2020 م.

© HarperCollins Publishers Limited 2020.

- Prepared Originally in English for the National Center for Curriculum Development and Evaluation.  
Amman - Jordan

- Translated to Arabic, adapted, customised and published by the National Center for Curriculum Development and Evaluation. Amman - Jordan

**ISBN: 978 - 9923 - 41 - 361 - 6**

المملكة الأردنية الهاشمية  
رقم الإيداع لدى دائرة المكتبة الوطنية  
(2022/4/2052)

375.001

الأردن. المركز الوطني لتطوير المناهج

الرياضيات: الصف العاشر: كتاب التمارين ( الفصل الدراسي الأول) / المركز الوطني لتطوير المناهج. - ط2؛

مزيدة ومنقحة. - عمان: المركز، 2022

(50) ص.

ر.إ.: 2022/4/2052

الواصفات: / الرياضيات / التعليم الاعدادي / المناهج /

يتحمل المؤلف كامل المسؤولية القانونية عن محتوى مصنفه ولا يعبر هذا المصنف عن رأي دائرة المكتبة الوطنية.

All rights reserved. No part of this publication may be reproduced, sorted in retrieval system, or transmitted in any form by any means, electronic, mechanical, photocopying, recording or otherwise, without the prior written permission of the publisher or a license permitting restricted copying in the United Kingdom issued by the Copyright Licensing Agency Ltd, Barnard's Inn, 86 Fetter Lane, London, EC4A 1EN.

British Library Cataloguing -in- Publication Data

A catalogue record for this publication is available from the Library.

1441 هـ / 2020 م

1447 هـ / 2026 م

الطبعة الأولى

الطبعة الثانية

## أعضاءنا الطلبة ...

يحتوي هذا الكتاب تمارين متنوعة أعدت بعناية لتغنيكم عن استعمال مراجع إضافية، وهي استكمال للتمارين الواردة في كتاب الطالب، وتهدف إلى مساعدتكم على ترسيخ المفاهيم التي تتعلمونها في كل درس، وتنمي مهارتكم الحسابية.

قد يختار المعلم / المعلمة بعض تمارين هذا الكتاب واجبًا منزليًا، ويترك لكم البقية لتحلوها عند الاستعداد للاختبارات الشهرية واختبارات نهاية الفصل الدراسي.

تساعدكم الصفحات التي عنوانها (أستعد لدراسة الوحدة) في بداية كل وحدة على مراجعة المفاهيم التي درستوها سابقًا؛ مما يعزز قدرتكم على متابعة التعلم في الوحدة الجديدة بسلاسة ويسر.

يوجد فراغ كافٍ إزاء كل تمرين لكتابة إجابته، وإذا لم يتسع هذا الفراغ لخطوات الحل جميعها فيمكنكم استعمال دفتر إضافي لكتابتها بوضوح.

متمنين لكم تعلمًا ممتعًا وميسرًا.

المركز الوطني لتطوير المناهج والتقويم

# قائمة المحتويات

## الوحدة 1 المعادلات

- 6 ..... أستعدُّ لدراسة الوحدة
- 10 ..... الدرس 1 حلُّ مُعادلاتٍ خاصَّةٍ
- 11 ..... الدرس 2 حلُّ نظامٍ مُكوَّنٍ من معادلةٍ خطِّيةٍ ومعادلةٍ تربيعيةٍ
- 12 ..... الدرس 3 حلُّ نظامٍ مُكوَّنٍ من معادلتين تربيعيتين
- 13 ..... تدريبٌ على الاختبارات الدولية

## الوحدة 2 الدائرة

- 15 ..... أستعدُّ لدراسة الوحدة
- 19 ..... الدرس 1 أوتار الدائرة، وأقطارها، ومماسَّاتها
- 20 ..... الدرس 2 الأقواسُ والقطاعاتُ الدائريةُ
- 21 ..... الدرس 3 الزوايا في الدائرة
- 22 ..... الدرس 4 معادلةُ الدائرة
- 23 ..... تدريبٌ على الاختبارات الدولية

### الوحدة 3 حساب المثلثات

- 25 ..... أستعدُّ لدراسة الوحدة
- 30 ..... الدرس 1 النسب المثلثية
- 31 ..... الدرس 2 النسب المثلثية للزوايا ضمن الدورة الواحدة
- 32 ..... الدرس 3 تمثيل الاقتران المثلثية
- 33 ..... الدرس 4 حل المعادلات المثلثية
- 34 ..... تدريب على الاختبارات الدولية

### الوحدة 4 تطبيقات المثلثات

- 35 ..... أستعدُّ لدراسة الوحدة
- 39 ..... الدرس 1 الاتجاه من الشمال
- 40 ..... الدرس 2 قانون الجيوب
- 41 ..... الدرس 3 قانون جيب التمام
- 42 ..... الدرس 4 استعمال جيب الزاوية لإيجاد مساحة المثلث
- 43 ..... الدرس 5 حل مسائل ثلاثية الأبعاد
- 44 ..... تدريب على الاختبارات الدولية
- 46 ..... أوراق الرسم البياني

أختبرُ معلوماتي بحلِّ التدريباتِ أولاً، وفي حالِ عدمِ تأكُّدي من الإجابة، أستعينُ بالمثالِ المُعطى.

حلُّ المعادلاتِ التربيعيةِ بالتحليل: إخراجِ العاملِ المشتركِ الأكبرِ (الدرس 1)

أحلُّ كُلاً من المعادلاتِ الآتية:

1  $x^2 - 3x = 0$

2  $8x^2 = -12x$

3  $4x^2 + 9x = 0$

4  $7x^2 = 6x$

مثال: أحلُّ المعادلة  $6x^2 = 20x$

$$6x^2 = 20x$$

المعادلة المُعطاة

$$6x^2 - 20x = 0$$

بطرح  $20x$  من طرفي المعادلة

$$2x(3x - 10) = 0$$

بإخراجِ العاملِ المُشتركِ الأكبرِ

$$2x = 0 \quad \text{or} \quad 3x - 10 = 0$$

خاصية الضرب الصفري

$$x = 0 \quad \quad \quad x = \frac{10}{3}$$

بحلِّ كلِّ معادلة

إذن، الجذران هما:  $0, \frac{10}{3}$

التحقق: أعوض قيمتي  $x$  في المعادلة الأصلية.

حلُّ المعادلاتِ التربيعيةِ بالتحليل: الصورة القياسية  $x^2 + bx + c = 0$  (الدرس 1)

أحلُّ كُلاً من المعادلاتِ الآتية:

5  $x^2 - 2x - 15 = 0$

6  $t^2 - 8t + 16 = 0$

7  $x^2 - 18x = -32$

8  $x^2 + 2x = 24$

9  $x^2 = 17x - 72$

10  $x^2 + 5x + 4 = 0$

11  $s^2 + 20s + 100 = 0$

12  $y^2 + 8y = 20$

13  $m^2 - 12m + 32 = 0$

مثال: أحلُّ كلاً من المعادلات الآتية:

a)  $x^2 + 6x + 8 = 0$

التحليل

لتحليل ثلاثي حدودٍ على الصورة  $x^2 + bx + c$  حيث  $b$  و  $c$  عدداً صحيحان، أبحثُ عن عددين صحيحين  $m$  و  $n$  مجموعُهُما يساوي  $b$ ، وحاصلُ ضربِهِما يساوي  $c$ ، ثم أكتبُ  $x^2 + bx + c$  على الصورة  $(x+m)(x+n)$ .

$$x^2 + 6x + 8 = 0$$

$$(x + 4)(x + 2) = 0$$

$$x + 4 = 0 \quad \text{or} \quad x + 2 = 0$$

$$x = -4$$

$$x = -2$$

المعادلة المُعطاة

بالتحليل إلى العوامل

خاصية الضرب الصفرى

بحل كل معادلة

إذن، الجذران هما:  $-4, -2$

التحقق: أعوض قيمتي  $x$  في المعادلة الأصلية.

b)  $x^2 + 5x = 6$

$$x^2 + 5x = 6$$

$$x^2 + 5x - 6 = 0$$

$$(x - 1)(x + 6) = 0$$

$$x - 1 = 0 \quad \text{or} \quad x + 6 = 0$$

$$x = 1$$

$$x = -6$$

المعادلة المُعطاة

ب طرح 6 من طرفي المعادلة

بالتحليل إلى العوامل

خاصية الضرب الصفرى

بحل كل معادلة

إذن، الجذران هما:  $1, -6$

التحقق: أعوض قيمتي  $x$  في المعادلة الأصلية.

حلُّ المعادلات التربيعية بالتحليل: الصورة القياسية  $ax^2 + bx + c = 0$  (الدرس 1)

أحلُّ كلاً من المعادلات الآتية:

14  $24x^2 - 19x + 2 = 0$

15  $18t^2 + 9t + 1 = 0$

16  $5x^2 + 8x + 3 = 0$

17  $5x^2 - 9x - 2 = 0$

18  $4t^2 - 4t - 35 = 0$

19  $6x^2 + 15x - 9 = 0$

20  $28s^2 - 85s + 63 = 0$

21  $9d^2 - 24d - 9 = 0$

22  $8x(x + 1) = 16$

التذكير

لتحليل ثلاثي حدودٍ على الصورة  $ax^2 + bx + c$ ، حيثُ  $a$  و  $b$  و  $c$  أعدادٌ صحيحةٌ، أجدُ عددَينِ صحيحَينِ  $m$  و  $n$  حاصلُ ضربِهما يُساوي  $(ac)$ ، ومجموعُهُما يُساوي  $b$ ، ثمَّ أكتبُ  $ax^2 + bx + c$  على الصورة  $ax^2 + mx + nx + c$ ، ثمَّ أحلُّ بتجميع الحدودِ.

$$\begin{aligned} 30x^2 - 5x &= 5 \\ 30x^2 - 5x - 5 &= 0 \\ 6x^2 - x - 1 &= 0 \\ (3x + 1)(2x - 1) &= 0 \\ 3x + 1 = 0 \quad \text{or} \quad 2x - 1 = 0 \\ x = -\frac{1}{3} \quad \quad \quad x &= \frac{1}{2} \end{aligned}$$

مثال: أحلُّ المعادلة  $30x^2 - 5x = 5$

المعادلة المُعطاة  
بترح 5 من طرفي المعادلة  
بقسمة طرفي المعادلة على 5  
بالتحليل إلى العوامل  
خاصية الضرب الصفري  
بحل كل معادلة  
إذن، حلَّ المعادلة هما:  $-\frac{1}{3}$ ,  $\frac{1}{2}$

تحديد عدد حلول المعادلة التربيعية (الدرس 1)

أحدُّ عددَ حلولِ كلِّ من المعادلات الآتية:

23  $x^2 + 6x - 7 = 0$

24  $x^2 - 4x + 4 = 0$

25  $x^2 - 2x + 7 = 0$

التذكير

إذا كانت قيمة المميز موجبة فإن للمعادلة التربيعية حلين، وإذا كانت قيمة المميز صفرًا فإن للمعادلة التربيعية حلًا واحدًا فقط.

$$x^2 + x + 4 = 0$$

أحدُّ قيمَ المعاملات ثم أعوضها في صيغة المميز:

$$a = 1, b = 1, c = 4$$

$$\Delta = b^2 - 4ac$$

$$= 1^2 - 4(1)(4) = -15$$

صيغة المميز ( $\Delta$ )

بتعويض قيم المعاملات والتبسيط

قيمة المميز تُساوي -15 (سالبة)، إذن: لا توجد حلول حقيقية للمعادلة التربيعية.

مثال: أحدُّ عددَ حلولِ المعادلة الآتية:

حل المعادلة التربيعية بالقانون العام (الدرس 1)

أحلُّ المعادلات الآتية باستعمال القانون العام:

26  $x^2 + x - 6 = 0$

27  $x^2 + 4x - 1 = 0$

28  $x^2 + 2x - 5 = 0$

مثال: أحلّ المعادلة:  $x^2 + 4x - 12 = 0$  باستعمال القانون العام.

لحلّ المعادلة باستعمال القانون العام، أجد قيم المعاملات:

$$a = 1, b = 4, c = -12$$

$$x = \frac{-b \pm \sqrt{b^2 - 4ac}}{2a}$$

$$= \frac{-4 \pm \sqrt{64}}{2}$$

$$x = \frac{-4 - 8}{2} = -6, \quad x = \frac{-4 + 8}{2} = 2$$

القانون العام

بالتعويض والتبسيط

إذن، حلّ المعادلة هما:  $x = -6, x = 2$

### حل أنظمة المعادلات الخطية (الدرس 2)

أحلّ كلّاً من أنظمة المعادلات الآتية:

29  $4x + 3y = 11$   
 $2x + y = 5$

30  $x - 2y = 1$   
 $2x - 4y = -3$

31  $2x - 4y = 1$   
 $5x - 10y = \frac{5}{2}$

مثال: أحلّ النظام الآتي باستعمال طريقة التعويض:

$$y = x - 3 \quad (1)$$

$$3x - 2y = 10 \quad (2)$$

الخطوة 1 أعوض المعادلة (1) في المعادلة (2)، ثمّ أحلّ المعادلة الناتجة.

$$3x - 2(x - 3) = 10$$

بفك الأقواس

$$3x - 2x + 6 = 10$$

بالتبسيط

$$x = 4$$

بالتبسيط

الخطوة 2 أعوض قيمة المتغيّر  $x$  في إحدى المعادلتين، ولتكن المعادلة (1) لإيجاد قيمة  $y$ .

$$y = 4 - 3 = 1$$

إذن، حلّ النظام هو النقطة  $(4, 1)$ .

## حلُّ مُعادلاتٍ خاصَّةٍ Solving Special Equations

أحلُّ المُعادلاتِ الآتية:

1  $24x^3 + 18x^2 = 0$

2  $x^3 - 2x^2 - 24x = 0$

3  $3x^5 = 192x^3$

4  $2x^3 - 20x^2 + 5x - 50 = 0$

5  $x^3 - 5x^2 + 6x = 30$

6  $16x^3 + 32x^2 - x - 2 = 0$

7  $x^3 + 512 = 0$

8  $3x^9 - 192x^6 = 0$

9  $3x + 1 = x^2 + 3x^3$

10  $2x^5 + 2x^4 - 144x^3 = 0$

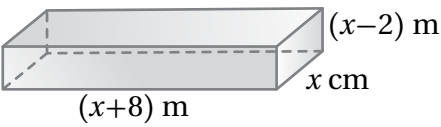
11  $x^4 - 3x^2 - 28 = 0$

12  $16x^4 - 81 = 0$

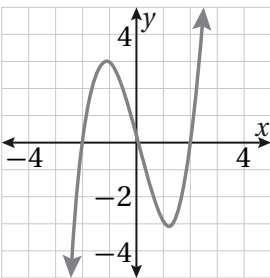
13  $4x^{12} - 32x^7 + 48x^2 = 0$

14  $4x^3 - 7x^2 - 16x + 28 = 0$

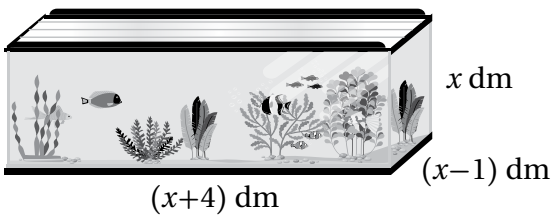
15  $4x^4 - 25 = 0$



16 هندسة: يبين الشكل المجاور مُتوازي مستطيلاتٍ حجمه  $96 \text{ m}^3$ .  
أجد أبعاده.



17 أكتب مُعادلةً مُرتبطةً بِمنحنى الاقتران المُمثل بيانياً في الشكل المجاور،  
وأبرر إجابتي.



18 حوض أسماك: يبين الشكل المجاور حوضاً للأسماك  
على شكل مُتوازي مستطيلاتٍ حجمه  $12 \text{ dm}^3$ . أجد أبعاده.

## حلُّ نظامٍ مُكوَّنٍ من معادلةٍ خطيَّةٍ ومعادلةٍ تربيعيَّةٍ Solving a System of Linear and Quadratic Equations

أحلُّ كلاً من أنظمة المعادلات الآتية، ثمَّ أتحرَّق من صحَّة الحلِّ:

1  $y = 7x + 15$   
 $y = 3x^2 + 5x - 2$

2  $y - x = 1$   
 $y = 2x^2 - 11x + 16$

3  $y - x = 10$   
 $x^2 + y^2 = 50$

4  $x + y = 20$   
 $x^2 - y^2 = 16$

5  $y - x = 0$   
 $y = x^2 + 3x + 2$

6  $y = 2x - 5$   
 $y = x^2 - 2x$

7  $y = x - 1$   
 $y = x^2 - 3x + 2$

8  $y - 2x = 1$   
 $y = 5x^2 + 4x - 1$

9  $y - x + 1 = 0$   
 $y = x^2 + 3x$

10  $y = 2$   
 $x^2 + y^2 = 4$

11  $y - x = 1$   
 $y = x^2 + 6x + 8$

12  $y = 2 - 3x$   
 $y = x^2 - 4x + 3$

13 **حدائق:** حديقةٌ مستطيئة الشكل، طولُ قُطْرِها 30 m، ومحيطُها 84 m. أجدُ بُعْدَيْها.

14 **سجّاد:** اشتَرْتُ ليلي سجّادةً مستطيئة الشكل، طولُ قُطْرِها  $\frac{1}{2}\sqrt{34}$  m، ومحيطُها 8 m. أجدُ بُعْدَيْها.

15 **ادّخار:** إذا كان الفرقُ بين المبلغ الذي ادّخرته رزان والمبلغ الذي ادّخرته أختها هديل هو دينارين، وكان مجموع مربَّعيّ ما معهُما 74 دينارًا، فكم دينارًا ادّخرت كلُّ منهما؟

16 **نقود:** قال مازن إنَّ مجموع ما لديّ ولدى أخي من نقود هو 7 دنانير، وإنَّ الفرق بين مربَّعيّ ما معنا هو 7 دنانير. كم دينارًا مع مازن وأخيه؟

17 إذا قطعَ المستقيم  $y = 3x - 2$  المنحنى  $y = x^2 - px + 2$  في نقطةٍ واحدة، فما قيمة  $p$ ؟

## حلّ نظامٍ مُكوّنٍ من معادلتين تربيعيتين Solving a System of Two Quadratic Equations

أحلّ كلاً من أنظمة المعادلات التربيعية الآتية، ثمّ أتحقّق من صحّة الحلّ:

1  $y = x^2 - 6x + 9$   
 $y = x^2 - 3x$

2  $y - 3x^2 = x + 2$   
 $y = -6x^2 + 7x$

3  $y = 0.5x^2 + 0.5x + 1$   
 $y = -x^2 + 2x + 4$

4  $y = 2x^2 + 8x + 4$   
 $y = x^2 + 2x + 4$

5  $y - x^2 = 0$   
 $y + x^2 = 0$

6  $y = x^2 + x - 1$   
 $y = 5 - x^2$

7  $y = x^2 + x + 2$   
 $y + x^2 + 2 = 0$

8  $y = x^2 + 2x + 2$   
 $y = -x^2 - 2x + 2$

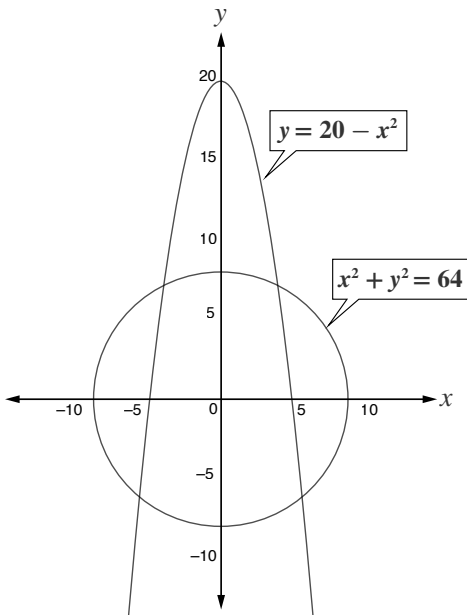
9  $y = -x^2 + 2x + 2$   
 $y = -x^2 - 2x + 2$

10  $y^2 = -x^2 + 4$   
 $y = 0.5x^2 - 2$

11  $4y + 9x^2 = 25$   
 $y - x^2 = 3x - 4$

12  $x^2 + y^2 = 16$   
 $y^2 = (x - 3)^2$

- 13 كرة طائرة: في أثناء لعب سامية وهند كرة الطائرة، رمّت سامية الكرة على شكل منحنى معادلته  $y = -x^2 + 3$ ، ثمّ رمّت هند الكرة على شكل منحنى معادلته  $y = -x^2 + 2x$ . أجد إحداثيات نقطة التقاء الكرتين.



- 14 أبراج: أراد مركز حراسة إيجاد نقاط التقاطع المبيّنة في الشكل المجاور لتركيّب أبراج مراقبة عندها. أجد إحداثيات هذه النقاط.

1 مجموعة حل المعادلة  $x^3 + 3x^2 = 6x + 18$  هي:

- A)  $\{\sqrt{6}, -\sqrt{6}\}$   
 B)  $\{-3\}$   
 C)  $\{\sqrt{6}, -3\}$   
 D)  $\{-3, \sqrt{6}, -\sqrt{6}\}$

2 مجموع عددين كُليين يساوي 17 ومجموع مُربَعَيْهِما يساوي 169. ما العددان؟

- A) 6, 11  
 B) 5, 12  
 C) 0, 13  
 D) -5, -12

3 حلُّ نظام المعادلات التربيعية الآتي هو:

$$y = \frac{1}{2}x^2 + x - \frac{9}{2}$$

$$y = -x^2 - 8x - 18$$

- A) (3, 3)  
 B) (-3, 3)  
 C) (-3, -3)  
 D) (3, -3)

يزرع مزارع أشجار الزيتون على شكل مُرَبَّع؛ ولحمايتها من الرياح يزرع أشجاراً من السرو حول المزرعة، ويبيّن الشكل الآتي رسماً توضيحياً لهذه الحالة، حيث يمكن رؤية نمط أشجار الزيتون وأشجار السرو لأي عدد ( $n$ ) من صفوف أشجار الزيتون.

$n = 1$

×××  
×●×  
×××

$n = 2$

×××××  
×● ●×  
× ××  
×● ●×  
×××××

$n = 3$

×××××××  
×● ● ●×  
× ××  
×● ● ●×  
× ××  
×● ● ●×  
×××××××

$n = 4$

××××××××  
×● ● ● ●×  
× ××  
×● ● ● ●×  
× ××  
×● ● ● ●×  
× ××  
×● ● ● ●×  
××××××××

× = شجرة سرو  
● = شجرة زيتون

اعتماداً على ما سبق، أجب عن الأسئلة الأربعة الآتية تبعاً:

4 أكمل الجدول الآتي:

$n$	عدد أشجار الزيتون	عدد أشجار السرو
1	1	8
2	4	16
3		
4		
5		

5 توجد صيغتان لحساب عدد أشجار الزيتون وعدد أشجار السرو للنمط المرسوم في الأعلى. أكتب صيغة بدلالة ( $n$ ) لعدد أشجار الزيتون، وعدد أشجار السرو عند صف الزيتون ( $n$ ).

6 أجد قيمة ( $n$ ) التي يتساوى عندها عدد أشجار الزيتون وعدد أشجار السرو، مع بيان خطوات الحل.

7 بافتراض أن المزارع يرغب في توسعة المزرعة بزيادة عدد صفوف من الأشجار، في هذه الحالة، أيهما سيزداد بشكل أسرع: عدد أشجار الزيتون أم عدد أشجار السرو؟ أبين كيف أتوصل إلى إجابتي.

أختبرُ معلوماتي بحلِّ التدريباتِ أولاً، وفي حالِ عدمِ تأكُّدي منَ الإجابة، أستعينُ بالمثالِ المُعطى.

العلاقاتُ بينَ الزوايا (الدرس 1)

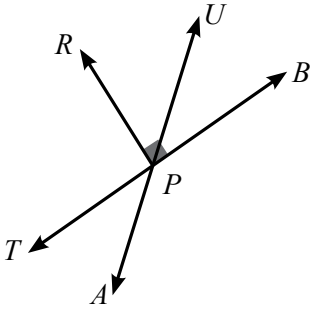
اعتماداً على الشكلِ المجاورِ، أُسمِّي:

1 زاويتينِ متقابلتينِ بالرأسِ.

2 زاويتينِ متكاملتينِ.

3 زاويتينِ متجاورتينِ.

4 زاويتينِ متتامتينِ.



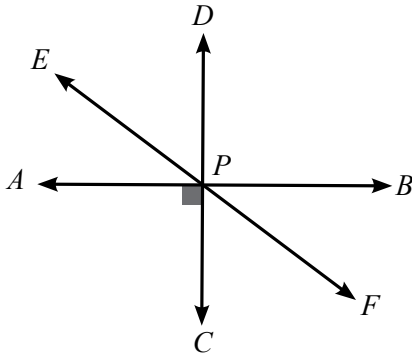
اعتماداً على الشكلِ المجاورِ، أُسمِّي:

5 زاويتينِ متقابلتينِ بالرأسِ.

6 زاويتينِ متجاورتينِ.

7 زاويتينِ متكاملتينِ.

8 زاويتينِ متتامتينِ.



مثالٌ: اعتماداً على الشكلِ المجاورِ، أُسمِّي:

(a) زاويتينِ متقابلتينِ بالرأسِ:

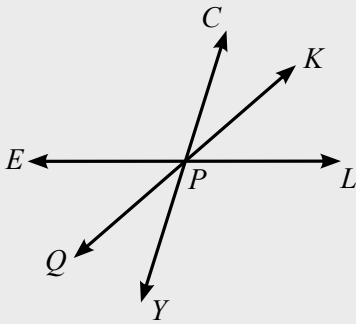
$\angle CPK, \angle QPY$ ؛ لأنَّهُما نتجتا من تقاطعِ المستقيمين  $\overleftrightarrow{QK}, \overleftrightarrow{CY}$

(b) زاويتينِ متكاملتينِ:

$\angle CPE, \angle CPL$ ؛ لأنَّ مجموعَ قياسيهما  $180^\circ$ ، وهما تشكّلان زاويةً مستقيمةً.

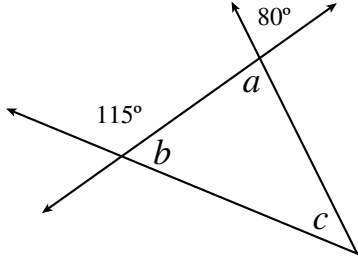
(c) زاويتينِ متجاورتينِ:

$\angle KPL, \angle LPY$ ؛ لأنَّ لهُما رأساً مشتركاً (P)، وضلعاً مشتركاً  $\overrightarrow{PL}$ ، ولا تتداخلان.

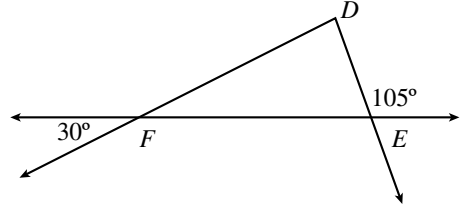


إيجاد قياسات زوايا مجهولة باستخدام العلاقات بين الزوايا (الدرس 1)

10 أجد قيمة كل من  $a$ ، و  $b$ ، و  $c$  في الشكل الآتي:

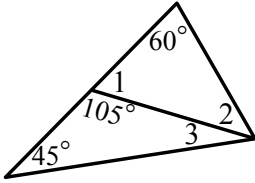


9 ما نوع المثلث  $DEF$  في الشكل الآتي؟ أبرر إجابتي.

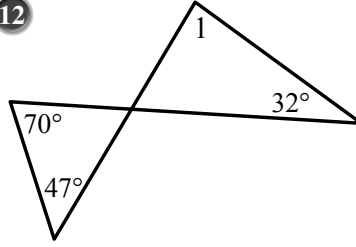


أجد قياسات الزوايا المرقمة في كل من الأشكال الآتية:

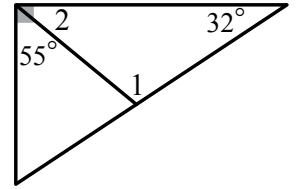
11



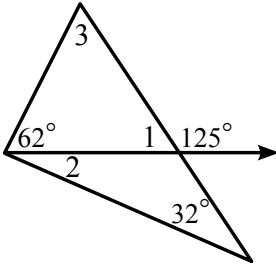
12



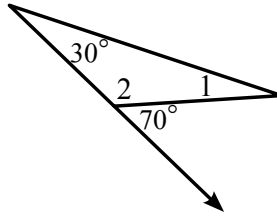
13



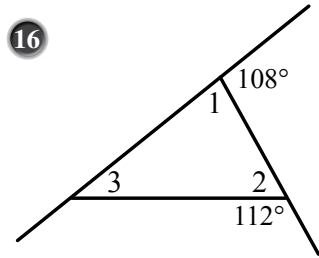
14



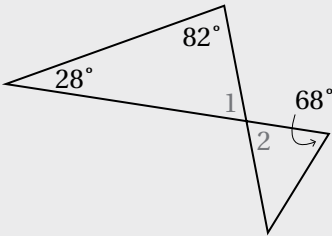
15



16



مثال: أجد قياس كل من الزاويتين 1 و 2 في الشكل المجاور.



الخطوة 1 أجد  $m\angle 1$

$$m\angle 1 + 28^\circ + 82^\circ = 180^\circ$$

$$m\angle 1 + 110^\circ = 180^\circ$$

$$m\angle 1 = 70^\circ$$

مجموع قياسات زوايا المثلث

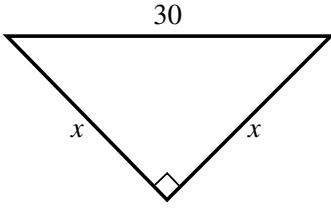
بالجمع

ب طرح  $110^\circ$  من كلا الطرفين

الخطوة 2 أجد  $m\angle 2$

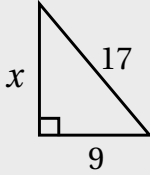
بما أن  $\angle 1$  و  $\angle 2$  متقابلتان بالرأس، إذن  $m\angle 2 = 70^\circ$

نظرية فيثاغورس (الدرس 1)



17 أجد قيمة  $x$  في الشكل المجاور، وأقربُ إجابتي إلى منزلة عشرية واحدة:

18 نجارة: صنع فيصلُ بابًا لمزرعته مستطيل الشكل، وقد بلغ عرضه 1.2 m وارتفاعه 2.5 m، ثمَّ أراد تدعيم الباب بوضع قطعة خشبية رفيعة تمتدُّ بين زاويتين متقابلتين فيه. ما طول هذه القطعة الإضافية؟



مثال: أجد قيمة  $x$  في الشكل المجاور، وأقربُ إجابتي إلى منزلة عشرية واحدة:

$$\begin{aligned} x^2 &= 17^2 - 9^2 \\ &= 289 - 81 \\ &= 208 \\ x &= \sqrt{208} = 14.4222 \\ &\approx 14.4 \end{aligned}$$

نظرية فيثاغورس

بالتبسيط

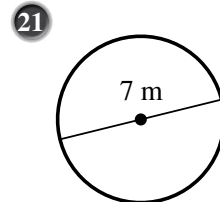
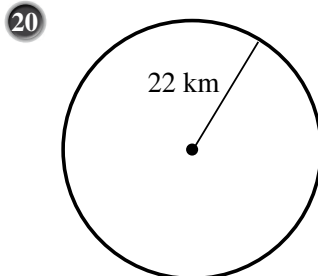
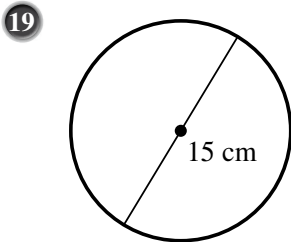
بالتبسيط

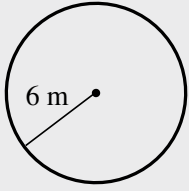
بأخذ الجذر التربيعي

بالتقريب إلى منزلة عشرية واحدة

محيط الدائرة ومساحتها (الدرس 2)

أجد محيط كل دائرة مما يأتي، ثمَّ أجد مساحتها. أقربُ إجابتي إلى أقرب جزء من عشرة:





مثال: أجد محيط الدائرة المرسومة جانباً، ثم أجد مساحتها. أقرّب إجابتي إلى أقرب جزء من عشرة:

$$C = 2\pi r$$

$$\approx 2 \times 3.14 \times 6$$

$$\approx 37.7$$

$$A = \pi r^2$$

$$\approx 3.14 \times 6^2$$

$$\approx 113$$

صيغة محيط الدائرة

$$r = 6 \text{ و } \pi \approx 3.14$$

بإيجاد الناتج

إذن، محيط الدائرة يساوي 37.7 m تقريباً.

صيغة مساحة الدائرة

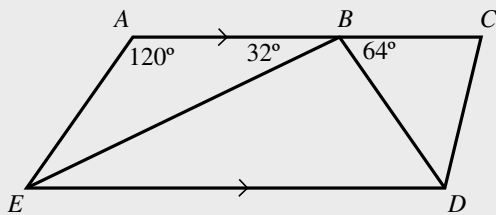
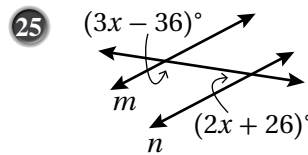
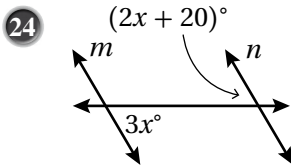
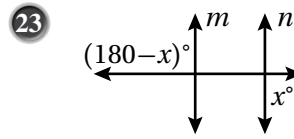
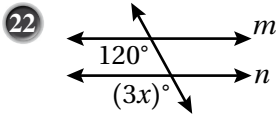
$$r = 6 \text{ و } \pi \approx 3.14$$

بإيجاد الناتج

إذن، مساحة الدائرة تساوي 113 m<sup>2</sup> تقريباً.

### المستقيمات المتوازية وأزواج الزوايا (الدرس 3)

أجد قيمة  $x$  إذا كان  $m \parallel n$  في كل ممّا يأتي:



مثال: إذا كان  $ED \parallel AC$ ، فأجد قياس الزوايا الآتية:

$\angle EBD, \angle AEB, \angle DEB$

$$m\angle EBD = 180^\circ - 32^\circ - 64^\circ = 84^\circ$$

$$m\angle AEB = 180^\circ - 32^\circ - 120^\circ = 28^\circ$$

$$m\angle DEB = m\angle ABE = 32^\circ$$

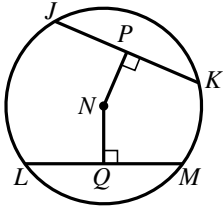
مجموع الزوايا المتجاورة على مستقيم هو  $180^\circ$

مجموع قياس زوايا المثلث  $ABE$  هو  $180^\circ$

زاويتان داخليتان متبادلتان

# الدرس 1

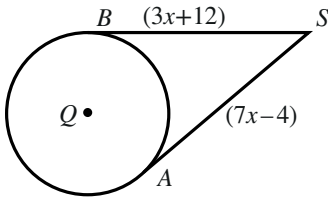
## أوتار الدائرة، وأقطارها، ومماساتها Chords, Diameters and Tangents of a Circle



يُمثّل  $N$  مركزَ الدائرة في الشكلِ المجاورِ. إذا كانَ  $JK = LM = 24 \text{ cm}$ ، وكانَ  $NP = 9 \text{ cm}$ ، فأجِدْ:

1 طول  $\overline{NQ}$ .

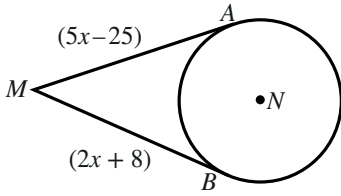
2 طول نصفِ قُطرِ الدائرة.



$\overline{SA}$  و  $\overline{SB}$  مماسانِ لدائرةٍ مركزها  $Q$ . إذا كانَ طولُ نصفِ قُطرِ الدائرة  $10 \text{ cm}$ ، فأجِدْ:

3 قيمة  $x$ .

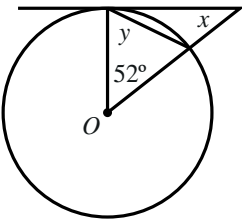
4 طول  $\overline{QS}$ .



$\overline{MA}$  و  $\overline{MB}$  مماسانِ لدائرةٍ مركزها  $N$ . إذا كانَ  $MN = 34 \text{ cm}$ ، فأجِدْ:

5 قيمة  $x$ .

6 طول نصفِ قُطرِ الدائرة.

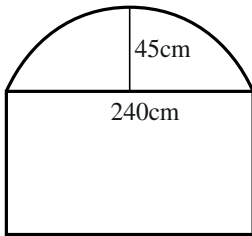


7 يُبينُ الشكلُ المجاورُ مماسًا لدائرةٍ مركزها  $O$ . أجدُ قيمةَ كلِّ من  $x$ ، و  $y$ .

نافذةٌ على شكلِ مستطيلٍ طولها  $240 \text{ cm}$ ، يعلو المستطيلَ قوسٌ من دائرةٍ كما في الشكلِ المجاورِ.

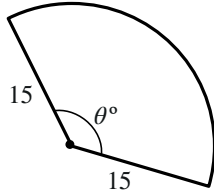
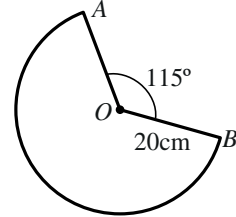
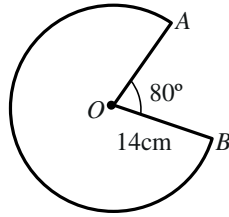
إذا كانَ ارتفاعُ منتصفِ القوسِ عن منتصفِ الضلعِ العلويِّ من المستطيلِ  $45 \text{ cm}$ ، فأجِدْ:

8 طول نصفِ قُطرِ الدائرة التي كانَ القوسُ جزءًا منها.

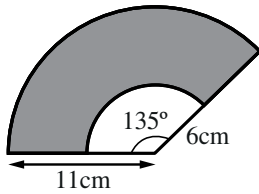


## الأقواس والقطاعات الدائرية Arcs and Sectors

- 1 أجد طول القوس ومساحة القطاع إذا كان قياس زاوية القطاع  $120^\circ$ ، وطول نصف قطر الدائرة 21 cm.
- 2 أجد طول القوس ومساحة القطاع إذا كان قياس زاوية القطاع  $135^\circ$ ، وطول قطر الدائرة 14 cm.
- 3 إذا كانت مساحة قطاع دائري  $35 \text{ cm}^2$ ، وكان قياس زاوية القطاع  $72^\circ$ ، فما طول نصف قطر الدائرة؟
- 4 إذا كانت مساحة قطاع دائري  $60 \text{ cm}^2$ ، وكان قياس زاوية القطاع  $45^\circ$ ، فما طول قطر الدائرة؟
- 5 أجد محيط القطاع الدائري الآتي.
- 6 أجد محيط القطاع الدائري الآتي.



- 7 إذا كانت مساحة القطاع الدائري المجاور  $200 \text{ cm}^2$ ، فما قيمة  $\theta$ ؟

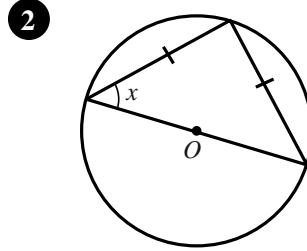
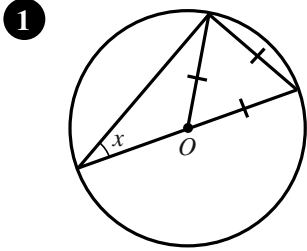


- 8 أجد مساحة المنطقة المظللة في الشكل المجاور.

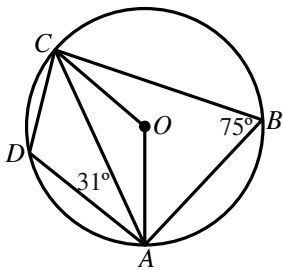
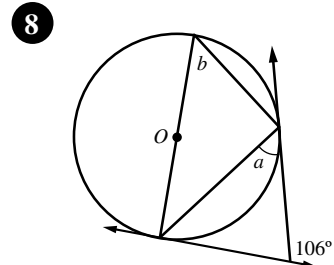
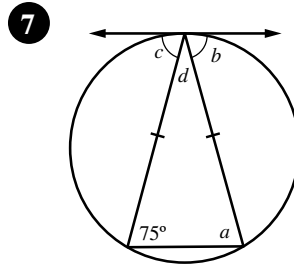
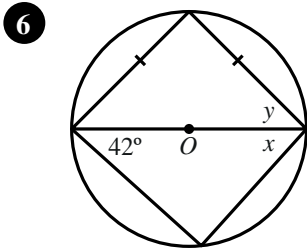
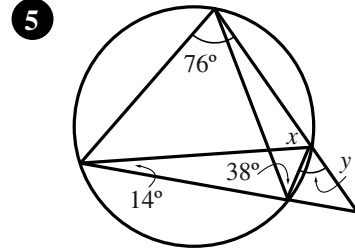
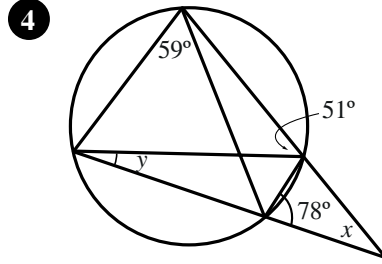
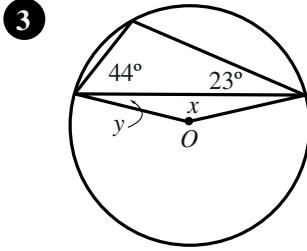
- 9 علوم: وُضعت كرة طول قطرها 15cm على بُعد أفقي يساوي  $x$  من عين آلاء. إذا كان طول خط البصر الواصل بين مركز العين وأبعد نقطة على الكرة يُمكن أن تراها آلاء هو 40cm، فما قيمة  $x$ ؟

## الزوايا في الدائرة Angles in a Circle

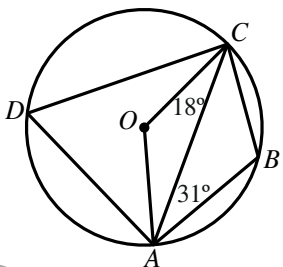
إذا كانت النقطة  $O$  هي مركز الدائرة، فما قيمة  $x$  في كلٍّ من الشكلين الآتيين؟



أجد قياس الزوايا المشار إليها بأحرف في ما يأتي (افترض أن  $O$  هي مركز الدائرة):



9 تقع النقاط  $A$ ،  $B$ ،  $C$ ، و  $D$  على دائرة مركزها  $O$ . اعتماداً على القياسات المبيّنة في الشكل المجاور، أجد قياس كلٍّ من الزاويتين  $OAC$ ، و  $DCA$ .



10 تقع النقاط  $A$ ،  $B$ ،  $C$ ، و  $D$  على دائرة مركزها  $O$ . اعتماداً على القياسات المبيّنة في الشكل المجاور، أجد قياس كلٍّ من الزاويتين  $OAC$ ، و  $BCA$ .

## معادلة الدائرة Equation of a Circle

أكتب بالصورة القياسية معادلة الدائرة في كلِّ من الحالات الآتية:

1 دائرة مركزها النقطة  $(-4, 2)$ ، وطول نصف قطرها 6 وحدات.

2 دائرة مركزها النقطة  $(-1, -3)$ ، وطول نصف قطرها 4 وحدات.

3 دائرة مركزها النقطة  $(0, 2)$ ، وتمرُّ بالنقطة  $(5, 10)$ .

4 دائرة مركزها النقطة  $(3, 7)$ ، وتمرُّ بالنقطة  $(-1, 3)$ .

5 دائرة تُمثِّل النقطتان  $A(11, -4)$ ،  $B(5, 6)$  نهايتي قطرٍ فيها.

6 دائرة تُمثِّل النقطتان  $S(4, 12)$ ،  $T(6, -8)$  نهايتي قطرٍ فيها.

أجد إحداثيي المركز، وطول نصف القطر لكلِّ دائرة في ما يأتي:

7  $(x + 6)^2 + (y - 3)^2 = 169$

8  $3x^2 + 3y^2 + 12x - 36y - 72 = 0$

9  $x^2 + (y - 7)^2 = 225$

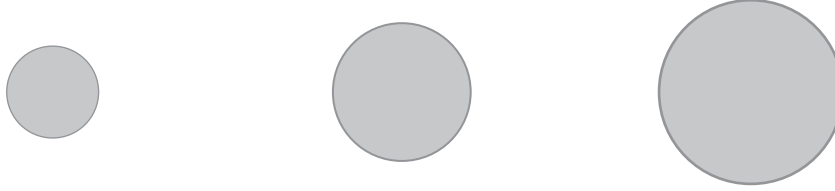
10  $2x^2 + 2y^2 - 20x - 16y + 10 = 0$

11 أجد طول المماسَّ المرسوم من النقطة  $T(8, 7)$ ، الذي يمسُّ الدائرة التي معادلتها  $(x + 5)^2 + (y - 3)^2 = 41$ .

12 تُمثِّل النقاط:  $A(-5, -2)$ ،  $B(7, -8)$ ، و  $C(3, -16)$  مواقع 3 أبراج اتصالات. أجد موقع البرج الرابع الذي يبعد

المسافة نفسها عن الأبراج الثلاثة، ثم أكتب معادلة الدائرة التي تقع عليها الأبراج الثلاثة.

طُلبَ إليّ تصميم مجموعة من الشعارات جميعها دائرية الشكل، ولونها رمادي فاتح كما يظهر في الشكل الآتي:



ويُشترط في هذه الشعارات:

- ألا يقل أطوال أقطارها عن 16 mm ولا تزيد على 40 mm
- أن يزيد طول قطر أي شعارٍ بمقدار 30% على الأقل على طول قطر الشعار الأصغر منه.
- تتعامل الآلة التي ستطبعها مع أقطار أطوالها أعداداً كلية فقط (مثلاً: 23 mm مقبول، 23.2 mm غير مقبول).

اعتماداً على ما سبق، أجب عن السؤالين الآتيين تبعاً:

1 أَعْطِي أمثلة على أطوال 5 أقطار مقبولة لمجموعة الشعارات.

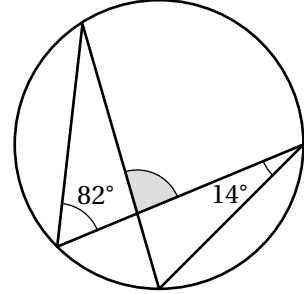
2 إذا كان طول قطر أحد الشعارات 28 mm، فأكتب طول قطر مُمكنٍ لشعارٍ أكبر منه، وطول قطر مُمكنٍ لشعارٍ أصغر منه.

أعلن محل بيع فطائر عن عرض لبيع فطيرة بيتزا صغيرة طول قطرها 25 cm بسعر JD 5، وفطيرة بيتزا كبيرة قطرها 40 cm بسعر JD 8، إذا علمت أن لفطيرتي البيتزا السماكة نفسها، فأجب عن السؤالين الآتيين تبعاً:

3 أي العرضين أفضل من حيث السعر؟

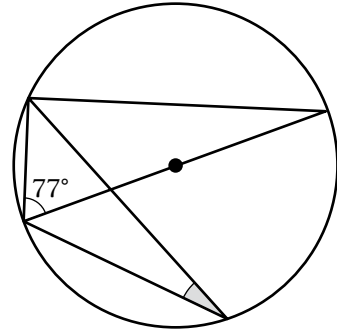
4 إذا قُسمت البيتزا الكبيرة إلى أجزاء على شكل قطاعات دائرية، فكانت زاوية أحد الأجزاء  $144^\circ$ ، فما مساحة هذا الجزء؟

5 قياس الزاوية المُظَلَّلة في الشكل الآتي، هو:



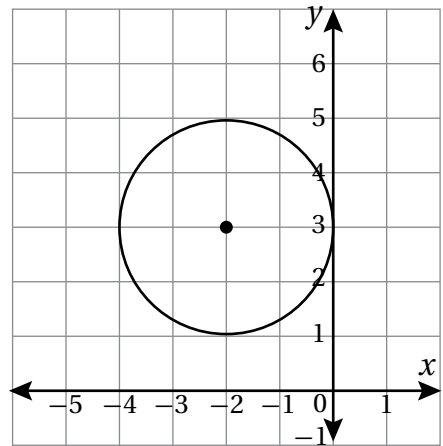
- A)  $96^\circ$                       B)  $82^\circ$   
C)  $78^\circ$                       D)  $84^\circ$

6 قياس الزاوية المُظَلَّلة في الشكل الآتي، هو:



- A)  $20^\circ$                       B)  $45^\circ$   
C)  $23^\circ$                       D)  $13^\circ$

7 معادلة الدائرة المرسومة في الشكل الآتي، هي:

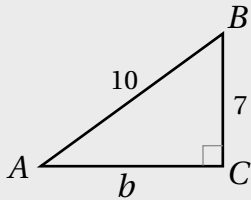
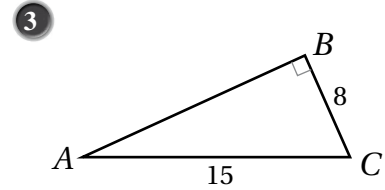
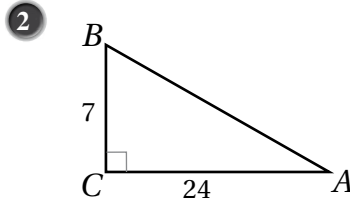
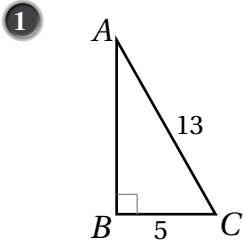


- A)  $(x + 2)^2 + (y + 3)^2 = 4$   
B)  $(x + 2)^2 + (y - 3)^2 = 4$   
C)  $(x + 2)^2 + (y - 3)^2 = 9$   
D)  $(x - 2)^2 + (y - 3)^2 = 9$

أختبرُ معلوماتي بحلِّ التدريباتِ أولاً، وفي حالِ عدمِ تأكُّدي من الإجابة، أستعينُ بالمثلثِ المُعطى.

النسبُ المثلثية (الدرس 1)

أجدُ قيمَ النسبِ المثلثية الثلاثِ للزاوية  $A$  في كلِّ ممَّا يأتي، وأتركُ إجابتي في صورة كسرٍ:



مثال: أجدُ قيمَ النسبِ المثلثية الثلاثِ للزاوية  $A$  في المثلثِ المُجاورِ.

الخطوة 1 أستعملُ نظرية فيثاغورس لإيجاد  $b$ .

$$a^2 + b^2 = c^2$$

نظرية فيثاغورس

$$7^2 + b^2 = 10^2$$

بتعويض  $a = 7, c = 10$

$$49 + b^2 = 100$$

بالتبسيط

$$b^2 = 51$$

ب طرح 49 من طرفي المعادلة

$$b = \pm\sqrt{51}$$

بأخذ الجذر التربيعي لطرفي المعادلة

بما أن الطول لا يمكن أن يكون سالبا، فإن  $b = \sqrt{51}$ .

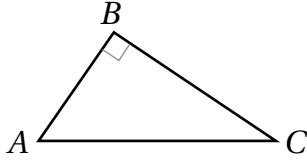
الخطوة 2 أجدُ النسب المثلثية الثلاث.

$$\sin A = \frac{a}{c} = \frac{7}{10}$$

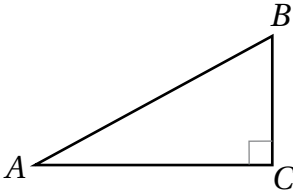
$$\cos A = \frac{b}{c} = \frac{\sqrt{51}}{10}$$

$$\tan A = \frac{a}{b} = \frac{7}{\sqrt{51}}$$

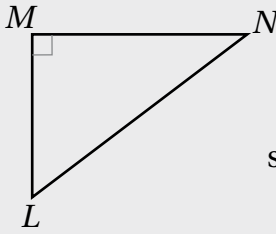
متطابقة فيثاغورس (الدرس 1)



4 في المثلث المُجاوِر، إذا كان  $\cos A = \frac{3}{5}$ ، فأجد  $\sin A$ .



5 في المثلث المُجاوِر، إذا كان  $\sin A = \frac{8}{17}$ ، فأجد  $\cos A$ .



مثال: في المثلث المُجاوِر، إذا كان  $\sin N = \frac{2}{3}$ ، فأجد  $\cos N$ .

$$\sin^2 N + \cos^2 N = 1$$

متطابقة فيثاغورس

$$\left(\frac{2}{3}\right)^2 + \cos^2 N = 1$$

بتعويض  $\sin N = \frac{2}{3}$

$$\frac{4}{9} + \cos^2 N = 1$$

بالتربيع

$$\cos^2 N = \frac{5}{9}$$

ب طرح  $\frac{4}{9}$  من طرفي المعادلة

$$\cos N = \pm \frac{\sqrt{5}}{3}$$

بأخذ الجذر التربيعي للطرفين

بما أن جيب التمام للزاوية  $N$  في المثلث قائم الزاوية  $LMN$  هو ناتج قسمة طول الضلع المُجاوِر على الوتر، وبما أن الأطوال لا يمكن أن تكون سالبة، فإن  $\cos N$  قيمة موجبة؛ أي إن  $\cos N = \frac{\sqrt{5}}{3}$ .

إيجاد النسب المثلثية باستخدام الآلة الحاسبة (الدرس 2)

أجد قيمة كل مما يأتي باستخدام الآلة الحاسبة، وأقرب إجابتي إلى أقرب ثلاث منازل عشرية:

6  $\sin 43^\circ$

7  $\sin 67.2^\circ$

8  $\sin 90^\circ$

9  $\cos 80^\circ$

10  $\cos 22^\circ$

11  $\cos 90^\circ$

12  $\tan 20^\circ$

13  $\tan 45^\circ$

14  $\tan 30^\circ$

مثال: أجد قيمة كلِّ ممَّا يأتي باستعمال الآلة الحاسبة، وأقربُ إجابتي إلى أقرب ثلاث منازل عشرية:

a)  $\sin 54^\circ$

أضغطُ على مفتاح **sin** ، ثمَّ أدخِلُ القيمةَ 54، ثمَّ أضغطُ على مفتاح **=** ، فتظهرُ النتيجة:

$$\sin 54 = 0.8090169944$$

بالتقريبِ إلى ثلاثِ منازلٍ عشرية، فإنَّ النتيجةَ هي: 0.809

$$\sin 54^\circ \approx 0.809$$

b)  $\cos 80^\circ$

أضغطُ على مفتاح **cos** ، ثمَّ أدخِلُ القيمةَ 80، ثمَّ أضغطُ على مفتاح **=** ، فتظهرُ النتيجة:

$$\cos 80 = 0.1736481777$$

بالتقريبِ إلى ثلاثِ منازلٍ عشرية، فإنَّ النتيجةَ هي: 0.174

$$\cos 80^\circ \approx 0.174$$

c)  $\tan 25^\circ$

أضغطُ على مفتاح **tan** ، ثمَّ أدخِلُ القيمةَ 25، ثمَّ أضغطُ على مفتاح **=** ، فتظهرُ النتيجة:

$$\tan 25 = 0.4663076582$$

بالتقريبِ إلى ثلاثِ منازلٍ عشرية، فإنَّ النتيجةَ هي: 0.466

$$\tan 25^\circ \approx 0.466$$

• إيجاد زاويةٍ حادةٍ في مثلث قائم الزاوية إذا عُلِمَت إحدى نسبها باستعمال معكوس النسبة المثلثية (الدرس 2)

أجد قياس  $\angle A$  الحادة في كلِّ ممَّا يأتي، وأقربُ إجابتي إلى أقرب عُشرِ درجة:

15  $\sin A = \frac{4}{9}$

16  $\cos A = 0.64$

17  $\tan A = 0.707$

أجد قياس  $\angle B$  الحادة في كلِّ ممَّا يأتي، وأقربُ إجابتي إلى أقرب عُشرِ درجة:

18  $\sin B = 0.5$

19  $\cos B = 0.999$

20  $\tan B = 2.548$

مثال: أجدُّ قياس  $\angle A$  الحادَّة في كلِّ ممَّا يأتي، وأقربُّ إجابتي إلى أقرب عُشرِ درجة:

a)  $\sin A = \frac{3}{8}$

$$\sin A = \frac{3}{8}$$

النسبة المعطاة

$$m\angle A = \sin^{-1}\left(\frac{3}{8}\right)$$

معكوس الجيب

والآن أستعمل الآلة الحاسبة لإيجاد  $\sin^{-1}\left(\frac{3}{8}\right)$  كما يأتي:

SHIFT sin ( 3 ÷ 8 ) = 22.024312837

بالتقريب إلى أقرب عُشرِ درجة، فإنَّ النتيجة هي:  $22.0^\circ$

إذن،  $m\angle A \approx 22^\circ$

b)  $\cos A = 0.458$

$$\cos A = 0.458$$

النسبة المعطاة

$$m\angle A = \cos^{-1}(0.458)$$

معكوس جيب التمام

والآن أستعمل الآلة الحاسبة لإيجاد  $\cos^{-1}(0.458)$  كما يأتي:

SHIFT cos ( 0 . 4 5 8 ) = 62.741873727

بالتقريب إلى أقرب عُشرِ درجة، فإنَّ النتيجة هي:  $62.7^\circ$

إذن،  $m\angle A \approx 62.7^\circ$

c)  $\tan A = \frac{12}{5}$

$$\tan A = \frac{12}{5}$$

النسبة المعطاة

$$m\angle A = \tan^{-1}\left(\frac{12}{5}\right)$$

معكوس الجيب

والآن أستعمل الآلة الحاسبة لإيجاد  $\tan^{-1}\left(\frac{12}{5}\right)$  كما يأتي:

SHIFT tan ( 12 ÷ 5 ) = 67.380135052

بالتقريب إلى أقرب عُشرِ درجة، فإنَّ النتيجة هي:  $67.4^\circ$

إذن،  $m\angle A \approx 67.4^\circ$

تمثيل الاقترانات بيانيًا (الدرس 3)

أمثلُ كلَّ اقترانٍ ممَّا يأتي في المستوى الإحداثي:

21  $y = 2x + 3$

22  $y = 4 - 3x$

23  $y + x = 10$

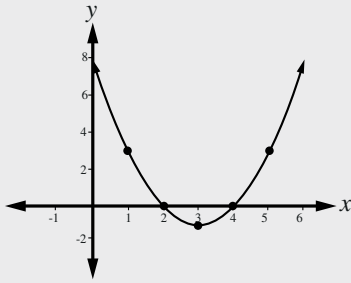
24  $y = x^2$

25  $y = 3x - x^2$

26  $y = x^2 - 2x - 3$

مثال: أمثلُ الاقتران الآتي:  $y = x^2 - 6x + 8$  في المستوى الإحداثي:

الخطوة 2 أعيِّنُ النقاطَ في المستوى الإحداثي، ثمَّ أصِلُ بينها بمنحنى.



الخطوة 1 أنشئُ جدولَ قيمٍ كالآتي.

x	1	2	3	4	5
y	3	0	-1	0	3
(x, y)	(1, 3)	(2, 0)	(3, -1)	(4, 0)	(5, 3)

حلُّ المعادلات (الدرس 4)

أحلُّ المعادلات الآتية:

27  $2x + 3 = 11$

28  $5x - 4 = 10 - 2x$

29  $2(3 - 2x) + 5 = x - 7$

30  $3x^2 - 12x = 0$

31  $2x^2 - 5x - 3 = 0$

32  $x^2 - 9 = 0$

مثال: أحلُّ المعادلة  $9x^2 - 6x = 8$

المعادلة الأصلية

بالتحليل إلى العوامل

خاصية الضرب الصفري

بإيجاد قيمة x

$$9x^2 - 6x - 8 = 0$$

$$(3x + 2)(3x - 4) = 0$$

$$3x + 2 = 0, 3x - 4 = 0$$

$$x = \frac{-2}{3}, x = 1 \frac{1}{3}$$

إذن، حلَّ المعادلة هما  $1 \frac{1}{3}$  و  $\frac{-2}{3}$

## النسب المثلثية

### Trigonometric Ratios

أرسم الزوايا الآتية في الوضع القياسي:

- 1  $170^\circ$       2  $240^\circ$       3  $315^\circ$       4  $85^\circ$

أحد الربع الذي يقع فيه ضلع انتهاء كل زاوية مما يأتي إذا رسمت في الوضع القياسي:

- 5  $245^\circ$       6  $275^\circ$       7  $130^\circ$       8  $26^\circ$

أجد النسب المثلثية الأساسية للزاوية  $\theta$  إذا قطع ضلع انتهائها في الوضع القياسي دائرة الوحدة في النقطة:

- 9  $P(0, -1)$       10  $P(1, 0)$       11  $P\left(\frac{8}{17}, -\frac{15}{17}\right)$       12  $P\left(\frac{-60}{61}, \frac{-11}{61}\right)$

أحد الربع (أو الأرباع) الذي يقع فيه ضلع انتهاء الزاوية  $\theta$  في الوضع القياسي إذا كان:

- 13  $\sin \theta < 0$       14  $\cos \theta < 0$   
 15  $\cos \theta < 0, \tan \theta > 0$       16  $\tan \theta < 0, \cos \theta < 0$

أجد النسبتين المثلثيتين الأساسيتين الباقيتين في كل من الحالات الآتية:

- 17  $\cos \theta = -\frac{1}{12}, 90^\circ < \theta < 180^\circ$       18  $\tan \theta = -2, -1 < \sin \theta < 0$   
 19  $\sin \theta = 0.6, \tan \theta < 0$       20  $\cos \theta = 0.45, 270^\circ < \theta < 360^\circ$

جلس زيد في لعبة الدولاب على المقعد الذي تمثله النقطة  $(0, 1)$  على دائرة الوحدة. إذا كان الدولاب يدور عكس حركة عقارب الساعة، ويكمل دورة واحدة في دقيقتين:

21 فما إحداثيا النقطة على دائرة الوحدة التي تمثل مقعد زيد بعد 60 ثانية؟

22 فما إحداثيا النقطة على دائرة الوحدة التي تمثل مقعد زيد بعد 90 ثانية؟

## النسب المثلثية للزوايا ضمن الدورة الواحدة Trigonometric Ratios for Angles between $0^\circ$ and $360^\circ$

أجدُ الزاويةَ المرجعيةَ لكلِّ من الزوايا الآتية:

- 1  $117^\circ$       2  $250^\circ$       3  $215^\circ$       4  $300^\circ$

أجدُ قيمةَ كلِّ مما يأتي باستعمالِ الآلةِ الحاسبةِ، وأقربُ إجابتي إلى أقربِ ثلاثِ منازلٍ عشريةٍ:

- 5  $\sin 170^\circ$       6  $\tan 230^\circ$       7  $\cos 250^\circ$       8  $\tan 310^\circ$

أجدُ القيمةَ الدقيقةَ لكلِّ مما يأتي (من دونِ استعمالِ الآلةِ الحاسبةِ):

- 9  $\cos 135^\circ$       10  $\sin 240^\circ$       11  $\tan 315^\circ$       12  $\sin 210^\circ$

أجدُ قيمةَ كلِّ مما يأتي:

- 13  $\sin 40^\circ + \sin 130^\circ + \sin 220^\circ + \sin 310^\circ$   
14  $\sin 60^\circ - \sin 120^\circ + \sin 180^\circ - \sin 240^\circ + \sin 300^\circ - \sin 360^\circ$

أجدُ في كلِّ مما يأتي زاويةً أُخرى بين  $0^\circ$  و  $360^\circ$ ، لها نسبةُ الجيبِ نفسها، مثلَ الزاويةِ المعطاةِ:

- 15  $80^\circ$       16  $146^\circ$       17  $215^\circ$       18  $306^\circ$

أجدُ في كلِّ مما يأتي زاويةً أُخرى بين  $0^\circ$  و  $360^\circ$ ، لها نسبةُ جيبِ التمامِ نفسها، مثلَ الزاويةِ المعطاةِ:

- 19  $10^\circ$       20  $125^\circ$       21  $208^\circ$       22  $311^\circ$

أجدُ في كلِّ مما يأتي قيمةَ (أو قيمَ)  $\theta$ ، علمًا بأن  $0^\circ \leq \theta \leq 360^\circ$ ، مُقربًا إجابتي إلى أقربِ عُشرٍ درجةٍ (إن لزمَ):

- 23  $\sin \theta = 0.75$       24  $\cos \theta = 0.65$       25  $\tan \theta = -1$       26  $\sin \theta = -0.87$   
27  $\sin \theta = 0.812$       28  $\tan \theta = -\frac{2}{3}$       29  $\cos \theta = -0.25$       30  $\tan \theta = 5$

31 **ألعابٌ:** في دولابِ مدينةِ الألعابِ يُعطى ارتفاعُ الراكبِ عن الأرضِ بعدَ  $x$  دقيقةٍ من بدءِ الدورانِ بالعلاقةِ:  
 $h = 14.5 - 12.5 \cos(36x)$ ، حيثُ  $h$  الارتفاعُ عن سطحِ الأرضِ بالأمتارِ. أجدُ ارتفاعَ الراكبِ بعدَ 7.5 دقائقٍ من  
بدءِ الدورانِ.

32 **حسابٌ فلكيٌّ:** يُقدَّرُ في إحدى المدنِ عددُ ساعاتِ النهارِ لافي كلِّ يومٍ من أيامِ السنةِ حسبَ رقمِ اليومِ  $d$  من السنةِ بالعلاقةِ:  
 $y = 3\sin(d - 81) + 12$ . ما عددُ ساعاتِ النهارِ في هذهِ المدينةِ يومَ الأولِ من شهرِ آبَ (اليومُ رقمُ 213)؟

## تمثيل الاقترانات المثلثية Graphing Trigonometric Functions

أرسم منحنى كل مما يأتي في الفترة المعطاة، مُحدِّدًا الفترة التي يكون فيها الاقتران موجبًا، والفترة التي يكون فيها سالبًا:

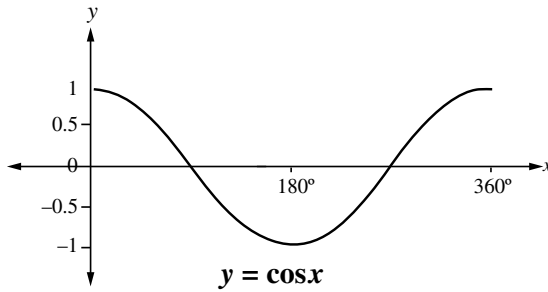
1  $y = \sin x, 90^\circ \leq x \leq 180^\circ$

2  $y = \cos x, 0^\circ \leq x \leq 180^\circ$

3  $y = \tan x, 0^\circ \leq x \leq 180^\circ$

4 أرسم الاقترانين  $y = \sin x$  و  $y = \cos x$  في الفترة  $[0^\circ, 360^\circ]$  على المستوى الإحداثي نفسه. ماذا ألاحظُ على المنحنيين؟

5 أستعمل التمثيل البياني الآتي لأجد قيم  $a$ ، و  $b$ ، و  $c$ ، و  $d$ :

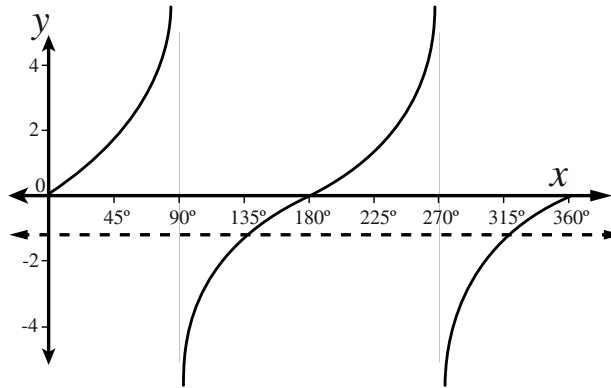


$$\begin{aligned} \cos 0^\circ &= \cos a^\circ \\ \cos 30^\circ &= \cos b^\circ \\ \cos 45^\circ &= \cos c^\circ \\ \cos 90^\circ &= \cos d^\circ \end{aligned}$$

يظهر في الشكل الآتي التمثيل البياني للاقتران  $y = \tan x$  في الفترة  $[0^\circ, 360^\circ]$ . أستعمل الشكل لأجد:

7 قيم المتغير  $x$  التي يكون عندها  $\tan x = 0$ .

6 قيمتين للمتغير  $x$  يكون عندهما  $\tan x = -1$ .



## حلّ المعادلات المثلثية Solving Trigonometric Equations

أحلّ كلّاً من المعادلات المثلثية الآتية في الفترة  $[0^\circ, 360^\circ]$ ، مُقَرَّبًا إجابتي إلى أقرب عُشرِ درجةٍ (إن لزم):

1  $\sin x = \frac{1}{3}$

2  $\tan x = \sqrt{3}$

3  $\cos x = -\frac{\sqrt{3}}{3}$

4  $\cos x = -\frac{1}{2}$

5  $\tan x = -\frac{1}{\sqrt{3}}$

6  $2\sin x + 3 = 1$

7  $\sqrt{2} \cos x + 1 = 2$

8  $\sqrt{3} \tan x + 4 = 1$

9  $3 \tan x + 2 = 7 - 2 \tan x$

10  $5 - 3 \sin x = \sin x + 1$

11  $2(3 \sin x + 1) + 2 = 4 \sin x + 5$

12  $3(2 - \cos x) + 4 = 5 \cos x + 2$

13  $3 + 2 \cos(3x) = 1, 0^\circ < x < 120^\circ$

14  $5 + 2 \tan(4x) = 7, 0^\circ < x < 90^\circ$

15  $4 \sin x \cos x + 3 \sin x = 0$

16  $2 \cos x \sin x = \cos x$

17  $4 \sin^2 x = 1$

18  $\tan^2 x - 9 = 0$

19  $2 \cos^2 x - 3 \cos x + 1 = 0$

20  $3 \sin^2 x + 5 \sin x + 2 = 0$

21  $2 \tan^2 \theta - 5 \tan \theta - 3 = 0$

22  $6 \sin^2 x + 7 \sin x - 3 = 0$

23  $9 \cos^2 x - 9 \cos x + 2 = 0$

24  $\tan^2 \theta + 4 \tan \theta - 12 = 0$

25 **قياسات:** يرتكز سُلمٌ طوله 5 m على أرضٍ أفقيةٍ وحائطٍ رأسيٍّ. إذا كان أسفل السُّلمِ يبعدُ 1.5 m عن الحائطِ، فما

ارتفاع رأس السُّلمِ عن الأرض؟ ما قياس الزاوية التي يصنعها السُّلمُ مع الأرض؟ أقربُ إجابتي إلى أقرب عُشرِ درجةٍ.

26 **سارية:** رصدَ سامرٌ قَمَّةَ سارية علمٍ ارتفاعها عن الأرض 12 m من نقطةٍ على الأرض تبعدُ 30 m عن قاعدة السارية.

إذا كان طولُ سامرٍ 1.75 m، فما قياس الزاوية التي ينظرُ فيها سامرٌ إلى قَمَّةِ السارية؟ أقربُ إجابتي إلى أقرب عُشرِ درجةٍ.

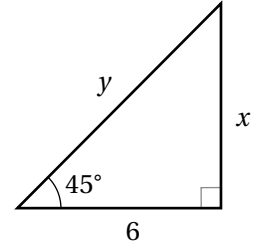
1 القيمة الأنسب لكل من  $x$  و  $y$  في الشكل أدناه، هي:

A)  $x = 6\sqrt{2}, y = 6$

B)  $x = 6\sqrt{2}, y = 6\sqrt{2}$

C)  $x = 6, y = 6\sqrt{2}$

D)  $x = 6, y = 6$



2 أبسط صورة للمقدار  $\cos\theta + \cos(360^\circ - \theta)$ ، حيث  $0^\circ < \theta < 90^\circ$  هي:

A)  $2\cos\theta$

B)  $\cos 2\theta$

C) 0

D)  $1 - \cos\theta$

3 يبين الشكل الآتي جزءاً من التمثيل البياني للاقتران  $y = \tan x$ ، حيث يقطع المستقيم  $y = \sqrt{3}$  منحنى  $y = \tan x$  في

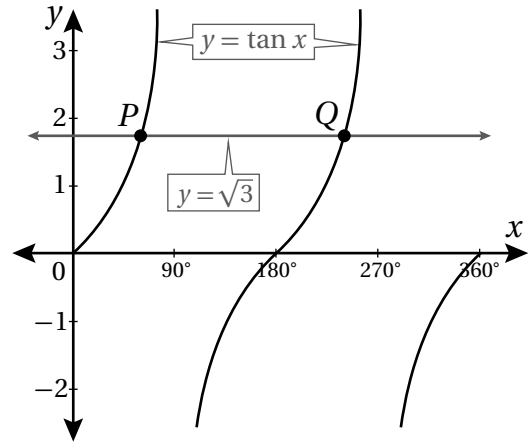
النقطتين  $P$  و  $Q$ . فإن الإحداثي  $x$  لكل من النقطتين  $P$  و  $Q$ ، هو:

A)  $P = 30^\circ, Q = 210^\circ$

B)  $P = 45^\circ, Q = 225^\circ$

C)  $P = 60^\circ, Q = 210^\circ$

D)  $P = 60^\circ, Q = 240^\circ$



4 عدد حلول المعادلة الآتية، هو:

$$\sin x = 2 \cos x, 0^\circ \leq x \leq 360^\circ$$

A) 2

B) 1

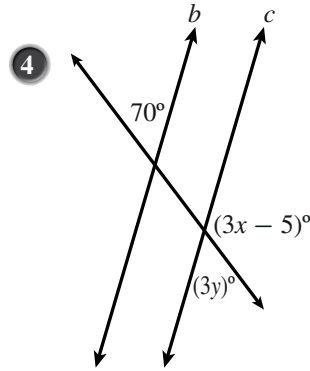
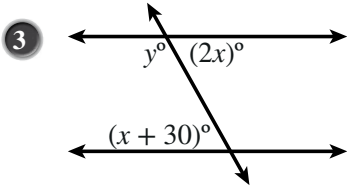
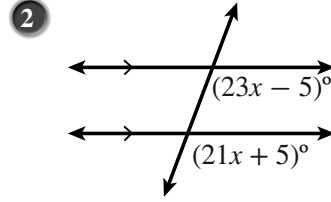
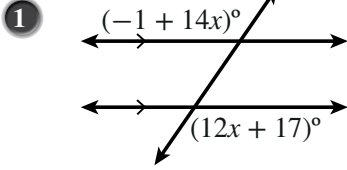
C) 3

D) 4

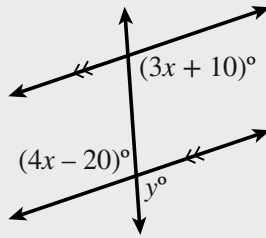
أختبرُ معلوماتي بحلِّ التدريباتِ أولاً، وفي حالِ عدمِ تأكُّدي منَ الإجابة، أستعينُ بالمثالِ المُعطى.

الزوايا الناتجة عن مستقيمين متوازيين وقاطعٍ (الدرس 1)

أجدُ قيمةَ  $x$  و  $y$  في كلِّ شكلٍ ممَّا يأتي:



مثال: أجدُ قيمةَ كلِّ من  $x$  و  $y$  في الشكلِ الآتي:



$$(4x - 20)^\circ = (3x + 10)^\circ$$

$$4x - 20 = 3x + 10$$

$$x = 30$$

$$y^\circ = (4x - 20)^\circ$$

$$y = 4x - 20$$

$$= 4(30) - 20$$

$$= 120 - 20 = 100$$

زاويتان متبادلتان داخليتان

بكتابة المعادلة من دون رموز الزاوية

بإضافة  $20 - 3x$  إلى الطرفين

زاويتان متقابلتان بالرأس

بكتابة المعادلة من دون رموز الزاوية

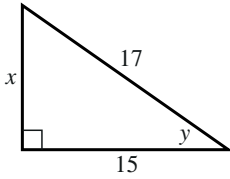
بالتعويض

بالتبسيط

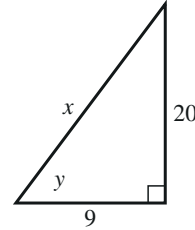
استعمال النسب المثلثية لإيجاد قياسات مجهولة في المثلث (الدرس 2)

أجدُ قياسات الزوايا وأطوال الأضلاع المجهولة في كلِّ ممَّا يأتي:

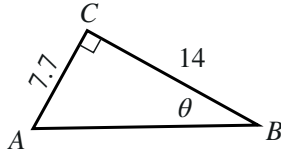
5



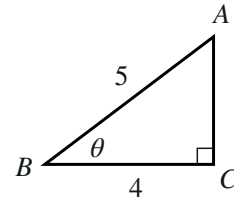
6



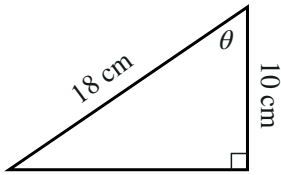
7



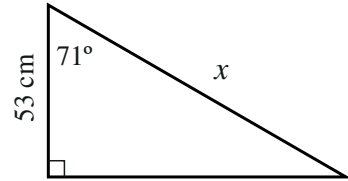
8



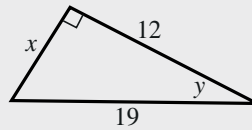
9



10



مثال: أجدُ قياسات الزوايا وطول الضلع المجهول في المثلث الآتي:



$$x^2 = 19^2 - 12^2$$

$$= 361 - 144 = 217$$

$$x = \sqrt{217} \approx 14.7$$

$$\cos y = \frac{12}{19}$$

$$y = \cos^{-1}\left(\frac{12}{19}\right) \approx 51^\circ$$

نظرية فيثاغورس

بالتبسيط

بأخذ الجذر التربيعي للطرفين

تعريف جيب التمام

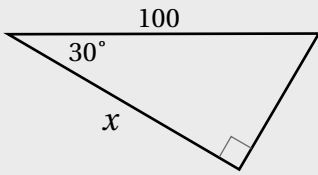
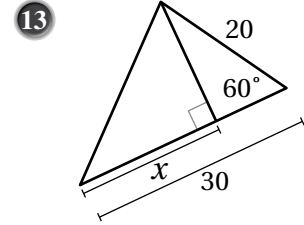
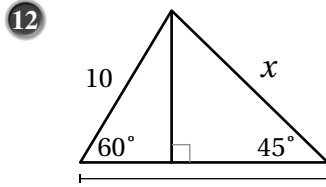
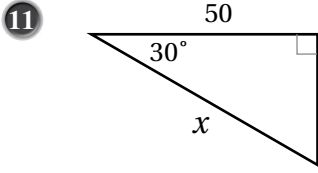
باستعمال الآلة الحاسبة

قياس الزاوية الثالثة في هذا المثلث:

$$180^\circ - 90^\circ - 51^\circ = 39^\circ$$

استعمال النسبة المثلثية في إيجاد قياسات مجهولة في المثلثات الخاصة (الدرس 2)

أستعملُ النسب المثلثية لإيجاد قيمة  $x$  في كلِّ مُثلثٍ ممَّا يأتي:



مثال: أجد قيمة  $x$  في المثلث المجاور.

$$\cos A = \frac{\text{(المجاور)}}{\text{(الوتر)}}$$

نسبة جيب التمام

$$\cos 30^\circ = \frac{x}{100}$$

بالتعويض

$$\frac{\sqrt{3}}{2} = \frac{x}{100}$$

$$\cos 30^\circ = \frac{\sqrt{3}}{2}$$

$$\frac{100\sqrt{3}}{2} = x$$

بضرب طرفي المعادلة في 100

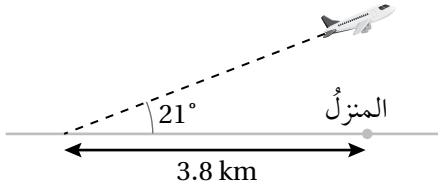
$$x = 50\sqrt{3}$$

بالتبسيط

### التذكير

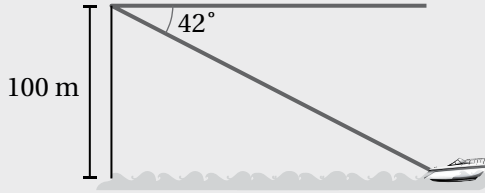
المثلث	الجيب	جيب التمام	الظل
	$\sin 45^\circ = \frac{1}{\sqrt{2}}$	$\cos 45^\circ = \frac{1}{\sqrt{2}}$	$\tan 45^\circ = 1$
	$\sin 30^\circ = \frac{1}{2}$ $\sin 60^\circ = \frac{\sqrt{3}}{2}$	$\cos 30^\circ = \frac{\sqrt{3}}{2}$ $\cos 60^\circ = \frac{1}{2}$	$\tan 30^\circ = \frac{1}{\sqrt{3}}$ $\tan 60^\circ = \sqrt{3}$

زوايا الارتفاع والانخفاض (الدرس 2)



14 طائرة: رصدت ليلي طائرة في السماء بزاوية ارتفاع مقدارها  $21^\circ$  لحظة مرورها فوق سطح أحد المنازل. إذا كان بُعد ليلي عن المنزل هو 3.8 km، فأجد ارتفاع الطائرة عن المنزل.

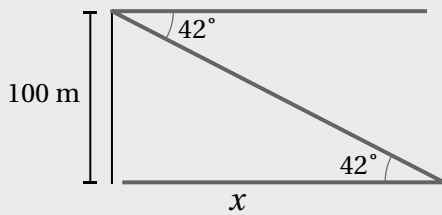
15 وقف عصفور على شجرة ارتفاعها 12 m، مراقباً دودة على سطح الأرض بزاوية انخفاض مقدارها  $34^\circ$ . أجد المسافة بين الدودة والعصفور.



مثال: قارب: ينظر علي من أعلى جرف إلى قارب في البحر بزاوية انخفاض مقدارها  $42^\circ$ . إذا كان ارتفاع الجرف عن سطح البحر هو 100 m، فأجد بُعد القارب عن قاعدة الجرف.

بما أن قياس الزاوية المحصورة بين خط النظر والخط الأفقي (زاوية الانخفاض) هو  $42^\circ$ ، فإن قياس الزاوية المحصورة بين خط النظر و سطح البحر هو  $42^\circ$ ؛ لأنهما زاويتان متبادلتان داخلياً.

أفترض أن بُعد القارب عن قاعدة الجرف هو  $x$ :



$$\tan A = \frac{\text{(المُقابل)}}{\text{(المجاور)}} \quad \text{نسبة الظل}$$

$$\tan 42^\circ = \frac{100}{x} \quad \text{بالتعويض}$$

$$x \tan 42^\circ = 100 \quad \text{بضرب طرفي المعادلة في } x$$

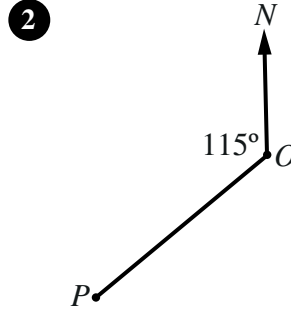
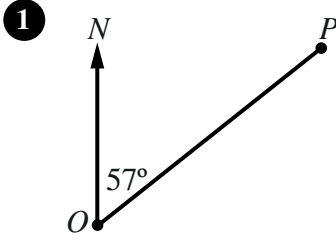
$$x = \frac{100}{\tan 42^\circ} \quad \text{بقسمة طرفي المعادلة على } \tan 42^\circ$$

$$x \approx 111 \quad \text{باستعمال الآلة الحاسبة}$$

إذن، بُعد القارب عن قاعدة الجرف هو 111 m تقريباً.

## الاتجاه من الشمال Bearing

أحدّد اتجاه النقطة  $P$  من النقطة  $O$  في كلِّ ممّا يأتي:



3 إذا كان اتجاه النقطة  $A$  من النقطة  $B$  هو  $154^\circ$ ، فما اتجاه النقطة  $B$  من النقطة  $A$ ؟

4 إذا كان اتجاه النقطة  $P$  من النقطة  $Q$  هو  $235^\circ$ ، فما اتجاه النقطة  $Q$  من النقطة  $P$ ؟

5 أرسم شكلاً يُبيّن مواقع النقاط:  $A$ ، و  $B$ ، و  $C$  إذا كانت  $B$  شرق  $A$ ، وكانت  $C$  على اتجاه  $110^\circ$  من  $A$ ، وعلى اتجاه  $230^\circ$  من  $B$ .

6 أرسم شكلاً يُبيّن مواقع النقاط:  $A$ ، و  $B$ ، و  $C$  إذا كانت  $B$  شرق  $A$ ، وكانت  $C$  على اتجاه  $105^\circ$  من  $A$ ، وعلى اتجاه  $135^\circ$  من  $B$ .

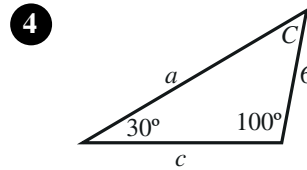
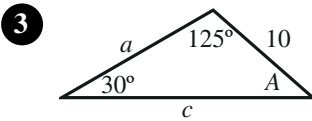
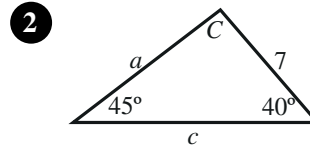
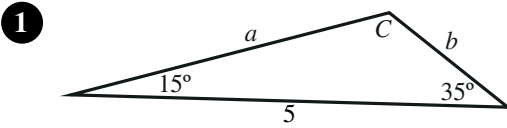
7 أقلعت طائرة من المطار في اتجاه  $050^\circ$ ، وبعد أن قطعت مسافة  $16 \text{ km}$  دارت بزاوية  $90^\circ$  يساراً، وقطعت مسافة  $37 \text{ km}$ . ما اتجاه الطائرة الآن من المطار؟

8 أبحرت سفينة من الميناء  $P$  في اتجاه  $120^\circ$ ، وبعد أن قطعت مسافة  $40 \text{ km}$  دارت بزاوية  $90^\circ$  يساراً، وقطعت مسافة  $100 \text{ km}$ . ما اتجاه السفينة الآن من الميناء  $P$ ؟

9 مثلث مُتطابق الأضلاع. إذا كان اتجاه  $B$  من  $A$  هو  $050^\circ$ ، فما اتجاه  $C$  من  $B$ ؟

## قانون الجيوب Law of Sines

أجدد القياس المجهول في كل من المثلثات الآتية:



أجدد القياس المجهول في المثلث  $ABC$  في كل من الحالات الآتية:

5  $a = 3, b = 2, A = 50^\circ$

6  $A = 40^\circ, B = 20^\circ, a = 2$

7  $a = 2, c = 1, A = 120^\circ$

8  $A = 70^\circ, B = 60^\circ, c = 4$

9  $b = 4, c = 6, B = 20^\circ$

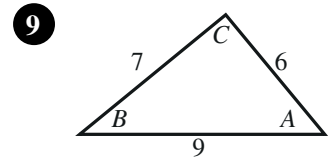
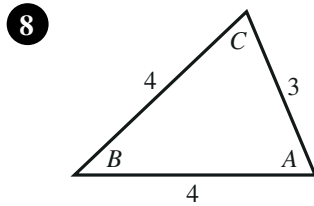
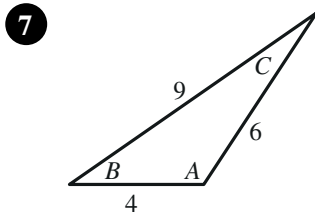
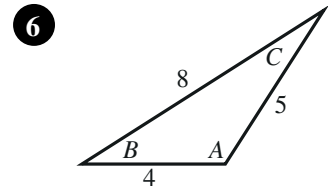
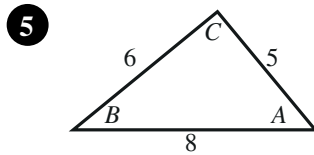
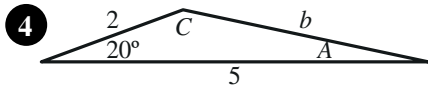
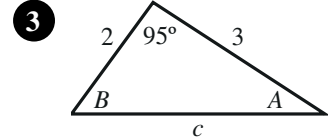
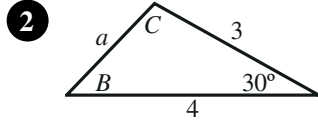
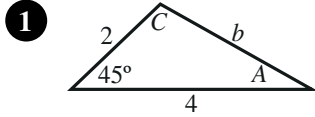
10  $A = 40^\circ, B = 40^\circ, c = 2$

11 طائرات: رصدت كل من زينة وهناء طائرة ورقية عند مرورها فوق الخط الواصل بينهما، فكانت زاوية ارتفاعها من موقع زينة  $35^\circ$ ، ومن موقع هناء  $40^\circ$ . إذا كانت المسافة بين زينة وهناء  $900$  m، فما ارتفاع الطائرة؟

12 قوارب: رصد طيار القارين  $A$ ، و  $B$  في البحر عندما مرت طائرة فوق الخط الواصل بينهما، فكانت زاوية انخفاض القارب الأول  $44^\circ$ ، وزاوية انخفاض القارب الثاني  $37^\circ$ . إذا كانت المسافة بين القارين  $7$  km، فما ارتفاع الطائرة عن سطح البحر؟

## قانون جيب التمام Law of Cosines

أجدُ القياسَ المجهولَ في كلِّ من المثلثات الآتية:



أجدُ القياسات المجهولة في المثلث  $ABC$  في كلِّ من الحالات الآتية:

10  $a = 3, b = 4, C = 40^\circ$

11  $a = 2, c = 1, B = 10^\circ$

12  $b = 1, c = 3, A = 80^\circ$

13  $a = 4, b = 5, c = 3$

14  $a = 5, b = 8, c = 9$

15  $a = 9, b = 7, c = 10$

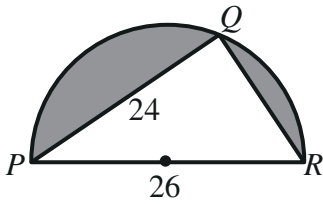
16 **قوارب:** انطلق قاربان من الرصيف نفسه في وقت واحد. وقد أخذ القارب الأول اتجاه  $060^\circ$ ، وسار بسرعة  $7 \text{ km/h}$ ، وأخذ الثاني اتجاه  $123^\circ$ ، وسار بسرعة  $29 \text{ km/h}$ . ما المسافة بين القاربين بعد ساعتين من انطلاقهما؟

17 **سفن:** أبحرت السفينتان  $X$ ، و  $Y$  من الميناء نفسه عند الساعة التاسعة صباحًا. وقد أخذت السفينة  $X$  اتجاه  $075^\circ$ ، وسارت بسرعة متوسطة مقدارها  $20 \text{ km/h}$ ، وأخذت السفينة  $Y$  اتجاه  $130^\circ$ ، وسارت بسرعة متوسطة مقدارها  $25 \text{ km/h}$ . ما المسافة بين السفينتين عند الساعة الحادية عشرة صباحًا؟

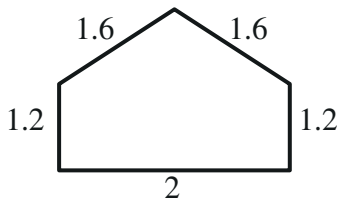
## استعمال جيب الزاوية لإيجاد مساحة المثلث Using Sine to Find the Area of a Triangle

أجد مساحة المثلث في كل من الحالات الآتية:

- 1 المثلث  $ABC$  فيه  $AB = 8$  cm و  $AC = 11$  cm و  $m\angle CAB = 67^\circ$ .
- 2 المثلث  $PQR$  فيه  $PQ = 30$  cm و  $PR = 22$  cm و  $m\angle QPR = 120^\circ$ .
- 3 المثلث  $XYZ$  فيه  $XY = 12$  cm و  $XZ = 15$  cm و  $YZ = 10$  cm.
- 4 المثلث  $LMN$  فيه  $LM = 25$  cm و  $LN = 14$  cm و  $MN = 18$  cm.
- 5 مساحة المثلث  $ABC$  هي  $84$  cm<sup>2</sup>. إذا كان  $BC = 15$  cm و  $m\angle BCA = 120^\circ$ ، فما طول  $\overline{AC}$ ؟
- 6 مساحة المثلث  $DEF$  هي  $100$  cm<sup>2</sup>. إذا كان  $DE = 14$  cm و  $m\angle DEF = 64^\circ$ ، فما طول  $\overline{EF}$ ؟
- 7 أجد مساحة المثلث  $PQR$  إذا كان  $m\angle QRP = 75^\circ$  و  $m\angle PQR = 60^\circ$  و  $PQ = 12$  cm.
- 8 أجد مساحة المثلث  $EFG$  إذا كان  $m\angle GEF = 63^\circ$  و  $m\angle EFG = 45^\circ$  و  $EF = 46$  cm.

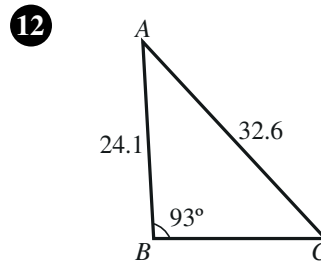
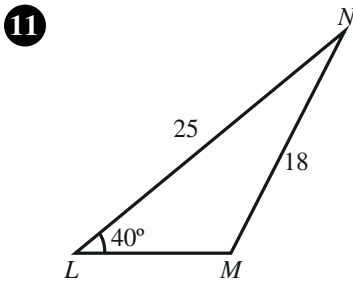


- 9 أجد مساحة المنطقة المُظَلَّلة في الشكل المجاور بالوحدات المربَّعة، علمًا بأن الشكل نصف دائرة.

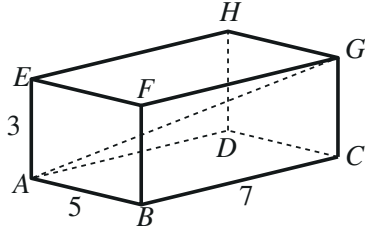


- 10 أجد مساحة النافذة ذات الأبعاد المُبيَّنة في الشكل المجاور بالوحدات المربَّعة.

أجد مساحة كل من المثلثين الآتيين بالوحدات المربَّعة:

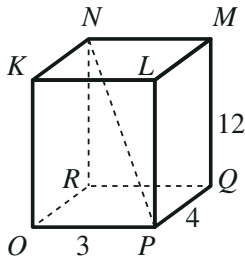


حلُّ مسائلٍ ثلاثية الأبعاد  
Solving Problems in Three Dimensions



أتأمل الشكل المجاور، ثم أحلُّ المسألتين الآتيتين:

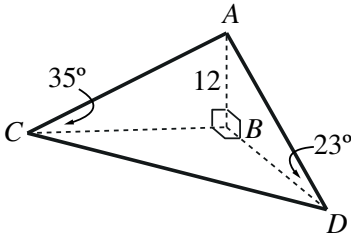
- 1 أجد طول القطر  $AG$  في متوازي المستطيلات المجاور.
- 2 أجد قياس الزاوية  $GAC$ .



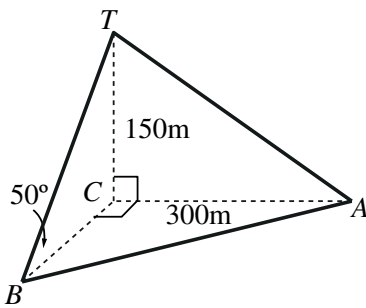
أتأمل الشكل المجاور، ثم أحلُّ المسألتين الآتيتين:

- 3 أجد طول القطر  $NP$  في متوازي المستطيلات المجاور.
- 4 أجد قياس الزاوية  $NPR$ .

- 5 قياسات: رُصد رجلان على الأرض من قمة برج رأسي ارتفاعه 25 m، فكانت زاوية انخفاض الرجل الأول الذي يقف غرب البرج هي  $31^\circ$ ، وزاوية انخفاض الرجل الثاني الذي يقف جنوب البرج هي  $17^\circ$ . ما المسافة بين الرجلين؟

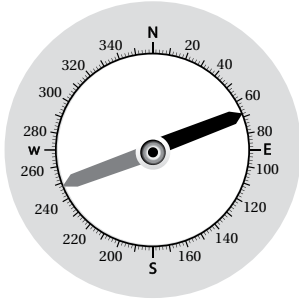


- 6 سارية: يبين الشكل المجاور سارية رأسيّة  $AB$  ارتفاعها 12m، والنقاط  $B$ ،  $C$ ، و  $D$  الواقعة في مستوى أفقي واحد، بحيث كانت  $C$  غرب  $B$ ، و  $D$  جنوب  $B$ ، وكانت زاوية ارتفاع قمة السارية من النقطة  $D$  هي  $23^\circ$ ، ومن النقطة  $C$  هي  $35^\circ$ . ما طول  $CD$ ؟ ما اتجاه النقطة  $D$  من النقطة  $C$ ؟



- 7 أبراج: تُمثل  $TC$  برج إرسال رأسي ارتفاعه 150 m، وهو مُدعمٌ برباطين معدنيين، هما:  $TA$ ، و  $TB$ ، وكان أحدهما مُثبتًا عند النقطة  $A$  الواقعة على الأرض شرق قاعدة البرج، وتبعد عنها مسافة 300 m، وكان الآخر مُثبتًا عند النقطة  $B$  جنوب قاعدة البرج، وزاوية ميله عن الأرض  $50^\circ$ . ما المسافة بين النقطتين  $A$ ، و  $B$ ؟ ما اتجاه النقطة  $A$  من النقطة  $B$ ؟

أجب عن السؤالين الآتيين اعتمادًا على الرسم المجاور:

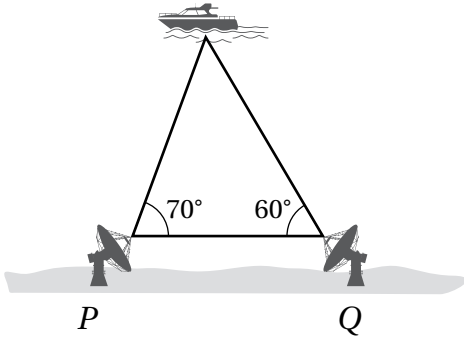


1 ما اتجاه السهم الأسود من الشمال؟

- A)  $64^\circ$                       B)  $68^\circ$   
C)  $292^\circ$                       D)  $296^\circ$

2 ما اتجاه السهم الرمادي من الشمال؟

- A)  $244^\circ$                       B)  $116^\circ$   
C)  $248^\circ$                       D)  $112^\circ$

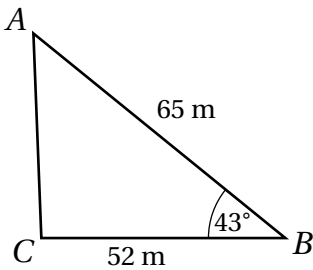


رصدت محطتا رادار تفصل بينهما مسافة 200 m قاربًا؛ لتحديد بعده عن الشاطئ، ووجدتا قياسات الزوايا نحو القارب كما هو موضح في الشكل المجاور. أجد كلاً مما يأتي مُقربًا إلى أقرب متر:

3 بُعد القارب عن المحطة P.

4 بُعد القارب عن الشاطئ.

5 يبين الشكل الآتي تصميمًا لمزرعة مثلثة الشكل، طول الضلع  $\overline{AC}$  لأقرب منزلة عشرية واحدة، هو:



- A) 48.2 m                      B) 46.3 m  
C) 44.6 m                      D) 44.2 m

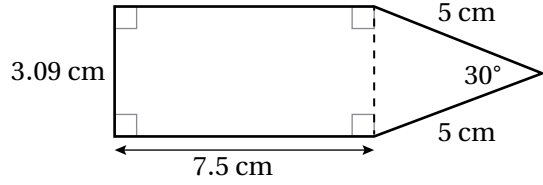
6 مساحة المثلث الخماسي الآتي لأقرب منزلة عشرية واحدة، هي:

A)  $48.2 \text{ cm}^2$

B)  $35.7 \text{ cm}^2$

C)  $29.4 \text{ cm}^2$

D)  $28.1 \text{ cm}^2$



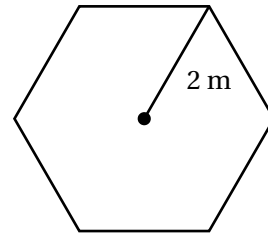
7 يبين الشكل الآتي سداسياً منتظماً طول نصف قطره 2 m. مساحة السداسي هي:

A)  $24 \text{ m}^2$

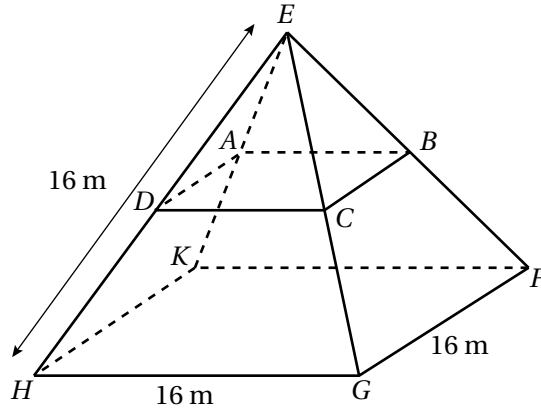
B)  $48 \text{ m}^2$

C)  $6.9 \text{ m}^2$

D)  $10.4 \text{ m}^2$



رسم حسنٌ مخططاً لمنزلٍ على شكل هرمٍ كما هو مبينٌ في الشكل الآتي:



إذا علمتُ أن أرضية المنزل  $KFCH$  في النموذج مُربَّعة الشكل، وأن الشكل  $ABCD$  ديكورٌ للمنزل، وأن النقطة  $D$  هي منتصف  $\overline{HE}$ ، والنقطة  $A$  هي منتصف  $\overline{KE}$ ، والنقطة  $B$  هي منتصف  $\overline{FE}$ ، والنقطة  $C$  هي منتصف  $\overline{GE}$ ، وأن طول كل ضلع من الأضلاع الجانبية للهرم هو 16 m، فأجد:

9 قياس الزاوية  $\angle EHF$ .

8 طول قطر قاعدة المنزل.

11 مساحة المثلث  $\triangle EBC$ .

10 محيط الشكل  $ABCD$ .

